

# **PRESEK**

**List za mlade matematike, fizike, astronome in računalnikarje**

ISSN 0351-6652

Letnik 1 (1973/1974)

Številka 2

Strani 109-111

Franci Oblak:

## **ERATOSTENOVO REŠETO**

Ključne besede: matematika.

Elektronska verzija: <http://www.presek.si/1/1-2-Oblak.pdf>

© 1973 Društvo matematikov, fizikov in astronomov Slovenije

© 2010 DMFA – založništvo

Vse pravice pridržane. Razmnoževanje ali reproduciranje celote ali posameznih delov brez poprejšnjega dovoljenja založnika ni dovoljeno.

## **ERATOSTENOVO REŠETO**

**Franci Oblak**

Imejmo množico naravnih števil  $N = \{1, 2, 3, \dots, n, n+1, \dots\}$ .

Število  $a \in N$  je večkratnik števila  $b \in N$ , če moremo zapisati  $a$  kot:  $a = n \cdot b$ , kjer je  $n \in N$ . Število  $b$  imenujemo delitelj števila  $a$ .

Primer:  $6 = 2 \cdot 3$ ; 6 je večkratnik (dvakratnik) števila 3 in 3 je delitelj števila 6. Po vrsti so večkratniki števila 3: 3, 6, 9,  $12, \dots, n \cdot 3, \dots$ .

Praštevila so naravna števila, ki imajo točno dva delitelja: 1 in število samo. Števila, ki imajo več deliteljev, so sestavljeni števila. Število 1 ni niti praštevilo niti sestavljeni število, ker ima en sam delitelj, namreč 1.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50

<sup>10</sup>  
<sup>25</sup><sub>s</sub> Kako poiščemo iz množice prvih  $n$  naravnih števil vsa praštevila do  $n$ ? Eratostenes Kyrenčan (276-194? pr.n.š.) (glej 1<sup>1</sup>) je predlagal naslednje: napišemo tabelo naravnih števil od 1 do  $n$ . Mi bomo vzeli primer, da je  $n = 50$ . Prečrtamo število 1, ker ni praštevilo. Prvo neprečrtano število, ki sledi, je 2; to je praštevilo.

- a) Prečrtamo po vrsti vse večkratnike praštevila 2 do  $n$ .
- b) Prvo neprečrtano število, ki sledi 2, je 3; to je praštevilo.
- a) Prečrtamo po vrsti vse večkratnike praštevila 3 do  $n$ .
- b) Prvo neprečrtano število, ki sledi številu 3, je 5; to je praštevilo.

Tako nadaljujemo:

- a) Prečrtamo po vrsti vse večkratnike praštevila  $p$  do  $n$ .
- b) Prvo neprečrtano število, ki sledi številu  $p$ , je zopet praštevilo.

Ponavljamo postopek pod a) in b) do  $\sqrt{n}$ , ker mora imeti vsak sestavljen število med svojimi delitelji vsaj en delitelj - praštevilo, ki ni večje od  $\sqrt{n}$ . Glej 2<sup>2</sup>.

Pri nas je  $\sqrt{n} = \sqrt{50} \approx 7$ . Vsa števila, ki so ostala neprečrta do  $n$ , so praštevila.

Torej so praštevila od 1 do 50: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47.

Poglejmo še od kod naziv Eratostenovo rešeto. V literaturi najdemo izjavi:

1. V času Eratostenesa so pisali na voščene tablice. Namesto črtanja (sestavljenih) števil so tablico na tem mestu preluknili; tablica se je spremenila v rešeto. (I.Ja.Depman: Zgodovina aritmetike, Moskva, 1965).

---

<sup>1</sup> Glej: France Križanič: Križem po matematiki (str. 41), Ljubljana, 1960

<sup>2</sup> Dokaz te lastnosti in druge zanimivosti o praštevilih so si jajno opisane v knjigi Ivana Vidava: Rešeni in nerešeni problemi matematike, Ljubljana, MK, 1972.

2. Da bi dobil tabelo praštevil, je Eratostenes, ki je pisal na napet papirus, namesto, da bi črtal, kar preluknjal sestavljenega števila. Od tod ime "Eratostenovo rešeto", praštevila ostanejo na rešetu. (G.J.Glejzer: Zgodovina matematike v šoli, Moskva, 1964).

Preizkusite, če ste opisani postopek razumeli ter določite vsa praštevila od 1 do 170. Izpišite jih po vrsti.

*Franc Oblak*